Total No. of Printed Pages—19

### 1 SEM TDC STS G 1 (N/O)

#### 2021

(March)

## STATISTICS

(General)

Course: 101

### ( Descriptive Statistics )

The figures in the margin indicate full marks for the questions

( New Course )

Full Marks: 48

Pass Marks: 14

Time: 2 hours

1. তলৰ বিকল্পসমূহৰ পৰা প্ৰতিটো প্ৰশ্নৰ শুদ্ধ উত্তৰটো বাচি
উলিওৱা: 1×5=5

Find out the correct answer from the following alternatives in each question :

(a) সমষ্টি এটাৰ যিটো উপগোটৰ অধ্যয়ন কৰা হয়, তাক কোৱা হয়

A subgroup of a population that is to be studied is called

- (i) প্রতিদর্শ/sample
- (ii) তথ্য/data
- (iii) প্রতিদর্শজ/statistic
- (iv) ওপৰৰ আটাইকেইটা/All of the above

16-21**/139** (Turn Over)

(b) যদি  $\beta_2 < 3$  হয়, তেনেহ'লে যাদৃচ্ছিক চলক বর্ণনটো হয়

If  $\beta_2$  < 3, then the distribution of the random variable is

- (i) মেচ'কার্টিক mesokurtic
- (ü) লেপ্ত'কার্টিক leptokurtic
- (iii) প্লেটিকার্টিক platykurtic
- (iv) ওপৰৰ এটাও নহয় None of the above
- (c) ধনাত্মক অপ্রতিসাম্য অনুসৰি মাধ্য হৈছে Positive skewness implies that mean is
  - (i) বহুলকতকৈ ডাঙৰ greater than mode
  - (ii) বহুলকতকৈ স্ক less than mode
  - (iii) বহুলকৰ সমান equal to mode
  - (iv) ওপৰৰ এটাও নহয় None of the above

(d) যদি সমাশ্রয়ণ গুণাংক দুটা b<sub>1</sub> আৰু b<sub>2</sub> হয়, তেতিয়া সহসম্বন্ধ গুণাংক হ'ব

If the two regression coefficients are  $b_1$  and  $b_2$ , then the correlation coefficient is

- (i)  $b_1/b_2$
- (ii)  $b_2 / b_1$
- (iii)  $b_1b_2$
- (iv)  $\pm \sqrt{b_1 b_2}$
- (e) এটা স্বতন্ত্ৰ শ্ৰেণী বাৰংবাৰতা সংহতিৰ সংগতিৰ চৰ্ত অনুসৰি কোনো চূড়ান্ত শ্ৰেণী বাৰংবাৰতা ঋণাত্মক হ'ব নোৱাৰে।

The condition for the consistency of a set of independent class frequencies is that no ultimate class frequency is negative.

- (i) শুদ্ধ True
- (ii) আংশিকভাবে শুদ্ধ Partially true
- (iii) অশুদ্ধ False
- (iv) ওপৰৰ এটাও নহয়

  None of the above

2. তলত দিয়াবোৰৰ উত্তৰ দিয়া:

 $2 \times 4 = 8$ 

Answer the following:

- (a) বিচ্ছিন্ন আৰু অবিচ্ছিন্ন তথ্যৰ সংজ্ঞা লিখা।

  Define discrete and continuous data.
- (b)  $n_1$  সংখ্যাৰ মাধ্য  $m_1$  আৰু  $(n_1+n_2)$  সংখ্যাৰ মাধ্য m. দেখুউৱা যে,  $n_2$  সংখ্যাৰ মাধ্য  $m+rac{n_1}{n_2}(m-m_1)$  হয়।

The mean of  $n_1$  numbers is  $m_1$  and the mean of  $(n_1 + n_2)$  numbers is m. Show that, the mean of  $n_2$  numbers is  $m + \frac{n_1}{n_2}(m - m_1)$ .

(c)  $y_i = a + bx_i$ ,  $i = 1, 2, \dots, n$  হ'লে দেখুউৱা যে, তথা সংহতি  $(x_i, y_i)$ ,  $i = 1, 2, \dots, n$ ৰ প্রতিদর্শ সহসম্বন্ধ গুণাংক r তলত দিয়াধৰণে হয়—(i) r = 1, a আৰু b ধ্রুব্রক।

If  $y_i = a + bx_i$ ,  $i = 1, 2, \dots, n$ , then show that the sample correlation coefficient r of the data set  $(x_i, y_i)$ ,  $i = 1, 2, \dots, n$  is given by (i) r = 1, if b > 0 and (ii) r = -1, if b < 0. Here a and b are constants.

(d) দুটা গুণ কেতিয়া ধনাত্মক সহযোগী আৰু ঋণাত্মক সহযোগী হয় ?

When are two attributes said to be positively associated and negatively associated?

3. (a) পৰিসাংখ্যিকীয় তথ্য উপস্থাপনৰ প্ৰধান উপায়কেইটা কি কি ? প্ৰত্যেকৰে চমু বর্ণনা দিয়া। পৰিসাংখ্যিকীয় তথ্যব বর্গীকৰণ আৰু সাৰণীয়নৰ মাজত পার্থক্য দেখুউয়া। 6+3=9

What are the broadways of presentation of statistical data? Explain each of them in brief. Distinguish between classification and tabulation of statistical data.

### অথবা /Or

(b) কোনো এটা কাৰখানাৰ 200 জন কৰ্মচাৰীৰ সাপ্তাহিক বানচ (টকাত) তলৰ সাৰণীখনত দিয়া আছে। সাৰণীখনৰ তথ্যৰ ভিত্তিত 'তাতকৈ বেছি' আৰু 'তাতকৈ কম' সঞ্চয়ী বাৰংবাৰতা বণ্টন এখন প্ৰস্তুত কৰা আৰু তাৰ পৰা অগিভ দুটা অংকন কৰা। 200 বা তাতকৈ কম টকা উপাৰ্জন কৰা কৰ্মচাৰীৰ শতকৰা হিচাপ নিৰ্ণয় কৰা:

The table below gives the weekly wages (in ₹) of 200 employees of a factory. Construct the cumulative frequency distribution of 'more than' and 'less than'

of the given data and draw the ogives thereof. Estimate the percentage of employees who have wages less than or equal to \$\ge\$200:

সাপ্তাহিক বানচ (টকা) Weekly wages (in ₹)	কৰ্মচাৰীৰ সংখ্যা Number of employees			
150–170	10			
170–190	24			
190-210	36			
210–230	58			
230-250	45			
250-270	15			
270–290	13			

# যি কোনো এটা প্রশ্নৰ উত্তৰ দিয়া :

10

6

2

## Answer any one question:

Show that for any frequency distribution—kurtosis is greater than unity and the coefficient of skewness is less than unity.

(ii) যদি প্ৰথম চতুৰ্থকৰ মান 142 আৰু অৰ্ধ-অন্তৰ চতুৰ্থক পৰিসৰ 18 হয়, তেনেহ'লে তৃতীয় চতুৰ্থকৰ মান কিমান হ'ব ?

<sup>16-21</sup>/139

(Continued)

If the first quartile is 142 and the semi-interquartile range is 18, then what is the third quartile?

(iii) প্ৰসৰণ গুণাংক 40 আৰু সমান্তৰীয় মাধ্য 30 হ'লে মানক বিচলনৰ মান উলিওৱা।

2

If the coefficient of variation is 40 and the arithmetic mean is 30, find the standard deviation.

(b) বণ্টন এটাৰ কেন্দ্ৰীয় প্ৰৱণতা বুলিলে কি বুজা? কেন্দ্ৰীয় প্ৰবৃত্তিৰ মাপবোৰ উল্লেখ কৰা। কোনবোৰ অভিগণনীয় আৰু কোনবোৰ স্থানীয়, উল্লেখ কৰা। আদর্শ কেন্দ্রীয় প্রবৃত্তিৰ বৈশিষ্ট্যসমূহ লিখা।
3+2+2+3=10

What do you mean by central tendency of a distribution? Mention the measures of central tendencies. Mention which are computational and which are positional. Write down the characteristics of an ideal measure of central tendency.

(c) মানক বিচলন, আপেক্ষিক বিক্ষেপণ আৰু বিচৰণ গুণাংকৰ সংজ্ঞা দিয়া। প্ৰমাণ কৰা যে, যি কোনো বিবিক্ত বণ্টনৰ কাৰণে মানক বিচলন, সমান্তৰীয় মাধ্য সাপেক্ষ গড় বিচলনতকৈ সৰু নহয়। 2+2+2+4=10

Define standard deviation, relative dispersion and coefficient of variation. Prove that, for any discrete distribution, standard deviation is not less than mean deviation from mean.

5. (a) দেখুউৱা যে চলকৰ মাত্ৰা আৰু মূলবিন্দুৰ পৰিৱৰ্তন সাপেক্ষে সহসম্বন্ধ গুণাংক r নিৰপেক্ষ। যদি X আৰু Y যাদৃচ্ছিক চলক হয়, a, b, c, d যি কোনো সংখ্যা হয় আৰু a ≠ 0, c ≠ 0 হয়, তেনেহ'লে দেখুউৱা যে

$$r(aX + b, cY + d) = \frac{ac}{|ac|} \cdot r(X, Y)$$
 4+5=9

Show that the coefficient of correlation r is independent of change of origin and scale of the variables. If X and Y are random variables, and a, b, c, d are any numbers provided  $a \neq 0$ ,  $c \neq 0$ , then show that

$$r(aX+b, cY+d) = \frac{ac}{|ac|} \cdot r(X, Y)$$

### অথবা /Or

(b) দুজল সমাশ্রয়ণ বেখা দিয়া আছে, 3x+2y-26=0 আৰু 6x+y-31=0. yৰ ওপৰত xৰ আৰু xৰ ওপৰত yৰ সমাশ্রয়ণ বেখা দুজল নির্ণয় কৰা। x আৰু yৰ মাধ্য আৰু সহসম্বন্ধা গুণাংক উলিওৱা। 3+3+3=0. Two regression lines with equations are 3x+2y-26=0 and 6x+y-31=0. Determine the regression line of y on x and x on y. Find the mean values and the correlation coefficient between x and y.

6. (a) তলত উল্লেখ কৰা দুয়োটা ক্ষেত্ৰত A আৰু B গুণ দুটা ধনাত্মক বা ঋণাত্মকভাৱে সহযোগী হয় নে নহয়, পৰীক্ষা কৰা : 3½+3½=7

Find if the two attributes A and B are positively or negatively associated in each of the following cases:

- (i) N = 1000, (A) = 470, (B) = 620, (AB) = 320
- (ii) (A) = 490, (AB) = 294,  $(\alpha) = 570$ ,  $(\alpha B) = 380$

### অথবা /Or

(b) গুণৰ স্বতন্ত্ৰতাৰ চৰ্তসমূহ লিখা। যদি A আৰু B গুণ দুটা স্বতন্ত্ৰ হয়, তেনেহ'লে দেখুউৱা যে,  $\alpha$  আৰু  $\beta$ ও স্বতন্ত্ৰ হ'ব। 3+4=7

Write down the conditions for independence of attributes. If two attributes A and B are independent, then show that  $\alpha$  and  $\beta$  will also be independent to each other.

(Old Course)

Full Marks: 80
Pass Marks: 32

Time: 3 hours

1. তলৰ বিকল্পসমূহৰ পৰা প্ৰতিটো প্ৰশ্নৰ শুদ্ধ উত্তৰটো বাচি উলিওৱা: 1×8=8

Find out the correct answer from the following alternatives in each question :

- (a) বাৰংবাৰতা বহুভূজ হৈছে
  Frequency polygon is an example of
  - (i) মৌলিক উপস্থাপনৰ উদাহৰণ textual presentation
  - (ii) সাৰণীয় উপস্থাপনৰ উদাহৰণ tabular presentation
  - (iii) চিত্ৰীয় উপস্থাপনৰ উদাহৰণ diagrammatic presentation
  - (iv) লেখ উপস্থাপনৰ উদাহৰণ graphical presentation

- (b) ওজন (গ্রাম) চলকটো, যেনে 200 গ্রাম হ'ল

  The variable weight (in gm), e.g., 200 gm is
  - (i) নামবাচক/nominal
  - (ii) ক্রমবাচক/ordinal
  - (iii) অন্তৰালস্চক/interval
  - (iv) অনুপাতসূচক/ratio
- (c) চতুৰ্থক অপ্ৰতিসাম্য গুণাংকৰ পৰিসৰ হৈছে

  The limits for quartile coefficients of skewness are
  - $(i) \pm 3$
  - (ii)  $\pm 1$
  - (iii) ±∞
  - (iv) 0 আৰু 1
    - 0 and 1
- (d) "প্ৰসৰণ দ্বিতীয় কেন্দ্ৰীয় ঘূৰ্ণকৰ সমান।" উক্তিটো হৈছে "The variance is equal to the second central moment." The statement is
  - (i) চিৰ সত্য/always true
  - (ii) মাজে-সময়ে সত্য/sometimes true
  - (iii) কেতিয়াও সতা নহয়/never true
  - (iv) দ্বাৰ্থক/ambiguous

For a leptokurtic distribution

(i) 
$$\beta_2 > 3$$

(ii) 
$$\beta_2 < 3$$

(iii) 
$$\beta_2 = 3$$

(iv) 
$$\beta_2 = 0$$

$$(f)$$
 সমাশ্রয়ণ গুণাংক দুটা  $b_1$  আৰু  $b_2$  হ'লে, সহসম্বন্ধ গুণাংক  $r$  হ'ব

The regression coefficients are  $b_1$  and  $b_2$ , then the correlation coefficient r is

(i) 
$$b_1/b_2$$

(ii) 
$$b_1b_2$$

(iv) 
$$\pm \sqrt{b_1 b_2}$$

(g) 
$$r_{xy} > 0 \Rightarrow$$

(i) 
$$cov(X, Y) = 0$$

(ii) 
$$cov(X, Y) < 0$$

(iii) 
$$cov(X, Y) > 0$$

(iv) 
$$cov(X, Y) = -(\sigma_x \cdot \sigma_y)$$

(h) এটা স্বতন্ত্ৰ শ্ৰেণী বাৰংবাৰতা সংহতিৰ সংগতিৰ চৰ্ত হৈছে, কোনো চূড়ান্ত শ্ৰেণী বাৰংবাৰতা

The condition for the consistency of a set of independent class frequencies is that no ultimate class frequency is

- (i) শূন্য নহয়/zero
- (ii) ধনাত্মক নহয়/positive
- (iii) খাণাত্মক নহয়/negative
- (iv) অসংগত নহয়/inconsistent
- 2. তলত দিয়াবোৰৰ উত্তৰ দিয়া:

2×8=16

Answer the following:

- (a) বিচ্ছিন্ন আৰু অবিচ্ছিন্ন তথ্যৰ সংজ্ঞা লিখা।

  Define discrete and continuous data.
- (b) অন্তৰালসূচক মাপ সম্পৰ্কে এটা টোকা লিখা। Write a note on interval scale.
- (c) দেখুউৱা যে যি কোনো এটা বিবিক্ত বন্টনৰ কাৰণে মানক বিচলন, মাধ্যমা সাপেক্ষিক গড় বিচলনতকৈ সৰু হ'ব নোৱাৰে।

Show that for any discrete distribution, standard deviation is not less than mean deviation from mean.

(d) এটা বাৰংবাৰতা বন্টনৰ চতুর্থক ভিত্তিক অপ্রতিসাম্য গুণাংক হৈছে 0·6, যদি উচ্চ আৰু নিমু চতুর্থকৰ যোগফল 100 হয় আৰু মধ্যমাৰ মান 38 হয়, তেন্তে উচ্চ আৰু নিমু চতুর্থকৰ মান উলিওরা।

In a frequency distribution, the coefficient of skewness based upon the quartiles is 0.6. If the sum of the upper and lower quartiles is 100 and the median is 38, then find the value of upper and lower quartiles.

- (e) বৈষম্যতাৰ জোখৰ সম্বন্ধে এটি টোকা লিখা।
  Write a note on measures of skewness.
- (f) দেখুওরা যে কার্ল পিয়েৰচনৰ সহসম্বন্ধ গুণাংক rৰ মান সদায় -1 আৰু +1ৰ মাজত থাকে।
  Show that the value of Karl Pearson's coefficient of correlation r always lies between -1 and +1.
- (g) সমাশ্রয়ণ ৰেখা কিয় দুডাল থাকে, ব্যাখ্যা কৰা।
  Explain why there are two regression lines.
- (h) দুটা গুণ কেতিয়া ধনাত্মক সহযোগী আৰু ঋণাত্মক সহযোগী হয় ? When are two attributes said to be positively associated and negatively

3.	তলৰ যি কোনো	দুটা প্ৰশ্নৰ	উত্তৰ	निया :	7	•
	Anomor ong	#110 CI16	estion	ns of the	following	:

7×2=14

7

Answer any two questions of the following:

- পৰিসাংখ্যিকীয় তথ্য উপস্থাপনৰ প্রধান উপায়কেইটা কি
   কি? প্রত্যেকৰে চমু বর্ণনা দিয়া।
   What are the broadways of presentation
   of statistical data? Explain each of them
   in brief.
- (b) পৰিসাংখ্যিকীয় তথ্যৰ বৰ্গীকৰণ আৰু সাৰণীয়নৰ মাজত পাৰ্থক্য দেখুওৱা। কোনো এখন দেশৰ জনসংখ্যাক অঞ্চলভিত্তিক (চাৰিটা অঞ্চল), লিংগ আৰু বয়ঃসমষ্টি (তিনিটা সমষ্টি) অনুযায়ী বন্টন প্ৰদৰ্শন কৰাকৈ এখন খালী সাৰণী প্ৰস্তুত কৰা।

Distinguish between classification and tabulation of statistical data. Prepare a blank table for showing the distribution of population of a country regionwise (four regions), according to sex and to age groups (three age groups).

(c) চমু টোকা লিখা:

3+4=7

Write short notes on :

- (i) পৰিসংখ্যা বিজ্ঞানৰ সীমাবদ্ধতা Limitations of statistics
- (ii) পৰিসাংখ্যিকীয় সমষ্টি আৰু প্ৰতিদৰ্শ Statistical population and sample

<sup>16-21</sup>/139

(Turn Over)

4. তলৰ যি কোনো দুটা প্ৰশ্নৰ উত্তৰ দিয়া :

 $9 \times 2 = 18$ 

Answer any two questions of the following

(a) কেন্দ্রীয় প্রৱণতাৰ মাপ বুলিলে কি বুজা ? সমূহিত তথ্যৰ বাবে সমান্তৰ মাধ্য নির্ণয় কৰাৰ দুটা সূত্র লিখা। যদি  $n_1$  আৰু  $n_2$  সংখ্যক দুটা শ্রেণীৰ মাধ্য আৰু প্রামাণিক বিচলন যথাক্রমে  $\overline{x}_1$ ,  $\overline{x}_2$  আৰু  $\sigma_1$ ,  $\sigma_2$  হয়, তেন্তে দেখুওৱা যে সংযুক্ত শ্রেণীটোৰ প্রসৰণ

$$\sigma^{2} = \frac{1}{n_{1} + n_{2}} \left[ n_{1}\sigma_{1}^{2} + n_{2}\sigma_{2}^{2} + \frac{n_{1}n_{2}}{n_{1} + n_{2}} (\overline{x}_{1} - \overline{x}_{2})^{2} \right]$$

$$4 + 5 = 9$$

What do you mean by measures of central tendency? Write down two formulae for obtaining arithmetic mean for grouped data. If the means and standard deviations of two series numbering  $n_1$  and  $n_2$  are  $\overline{x}_1$ ,  $\overline{x}_2$  and  $\sigma_1$ ,  $\sigma_2$  respectively, then show that the variance of the combined series is

$$\sigma^2 = \frac{1}{n_1 + n_2} \left[ n_1 \sigma_1^2 + n_2 \sigma_2^2 + \frac{n_1 n_2}{n_1 + n_2} (\overline{x}_1 - \overline{x}_2)^2 \right]$$

(b) r তম কেন্দ্রীয় আঘূর্ণ আৰু স্বেচ্ছমূল সাপেক্ষিক আঘূর্ণৰ মাজৰ সম্পর্কটো উলিওৱা। যদি কোনো এটা বন্টনৰ স্বেচ্ছমূল 5 সাপেক্ষিক প্রথম চাৰিটা আঘূর্ণ ক্রমে ত্ব, তেন্তে মাধ্য সাপেক্ষে অনুৰূপ আঘূর্ণসমূহৰ মান উলিওৱা।

4+5=9

Obtain the relation between the central moments of order r in terms of the raw moments. If the first four moments of a distribution about the value 5 are equal to -4, 22, -117 and 560, determine the corresponding moments about the mean.

(c) এটা শ্ৰেষ্ঠ বিক্ষেপণৰ মাপৰ বৈশিষ্ট্যসমূহ কি কি? গড়
বিচলন আৰু মানক বিচলনৰ মাজৰ মুখ্য পাৰ্থক্যসমূহ
ব্যাখ্যা কৰা। দেখুওৱা যে মূলবিন্দু আৰু মাত্ৰাৰ পৰিৱৰ্তন
সাপেক্ষে মানক বিচলন নিৰপেক্ষ। 3+3+3=9

What are the characteristics for an ideal measure of dispersion? Explain the main differences between mean deviation and standard deviation. Show that standard deviation is independent of change of origin and scale.

5. তলৰ যি কোনো দুটা প্ৰশ্নৰ উত্তৰ দিয়া : 7×2=14
Answer any two questions of the following :

(a) দুটা চলকৰ মাজৰ ৰৈখিক সম্বন্ধৰ জোখৰ আৱশ্যকীয়
ধর্মবোৰ কি কি ? ধনাত্মক, ঋণাত্মক আৰু শূন্য সহসম্বন্ধ
4+3=7
গুণাংকৰ প্রভেদ উলিওৱা।

What are the desirable properties of a measure of linear relationship between two variables? Distinguish between positive, negative and zero correlation.

দুটা চলকৰ বাবে সমাশ্ৰয়ণ সমীকৰণ দুটা লিখা আৰু যি কোনো এটাৰ প্ৰাচলকেইটা আকলন কৰা। দেখুওৱা যে, নিৰিখ পৰিৱৰ্তনৰ দ্বাৰা সমাশ্ৰয়ণ সহগৰ মান প্রভারাম্বিত হয়। 2+2+3=7

Write the two regression equations for two variables and estimate the constants of any of these regression equations. Show that, the regression equations are affected due to change in scale.

দিয়া আছে যে, X = 4Y + 5 আৰু Y = KX + 4, (c) এই দুডাল ৰেখা ক্ৰমে Yৰ ওপৰত X আৰু Xৰ ওপৰত Yৰ সমাশ্রয়ণ ৰেখা। দেখুওৱা যে, 0 < 4K < 1. যদি K=1/16 হয়, তেন্তে চলৰাশি দুটাৰ মাধ্য দুটা উলিওৱা আৰু সিহঁতৰ মাজৰ সহসম্বন্ধ গুণাংক নিৰ্ণয়

Given that, X = 4Y + 5 and Y = KX + 4are the lines of regression of X on Y and Y on X respectively. Show that 0 < 4K < 1. If K=1/16, then find the means the two variables and coefficient correlation between them.

7

6. (a) তথ্যৰ সংগতি বুলিলে কি বুজা? তিনিটা গুণ A, B, Cৰ কাৰণে সংগতিৰ চৰ্তসমূহ দিখা। যদি (A) = 52, (B) = 58, (C) = 48,  $(A\beta) = 7,$   $(A\gamma) = 22,$ N = 100 হয়, তেন্তে (BC)ৰ কাৰণে সম্ভাৱ্য বৃহত্তম আৰু ক্ষুদ্ৰতম মান উলিওৱা যাতে তথাটো সংগত হয়।

16-21/139 2+8=1<sup>0</sup> What do you mean by consistency of data? Write the conditions for consistency for three attributes A, B, C. If (A) = 52, (B) = 58, (C) = 48,  $(A\beta) = 7$ ,  $(A\gamma) = 22$ , N = 100, then find the greatest and least possible values of (BC) so that the data become consistent.

### অথবা /Or

$$(A) = (\alpha) = (B) = (\beta) = (C) = (\gamma) = \frac{N}{2}$$

আৰু দিয়া আছে যে, (ABC) = (αβγ)। দেখুওৱা যে

$$2(ABC)=(AB)+(AC)+(BC)-\frac{N}{2}$$

যদি সকলো Aই B হয় আৰু সকলো Bই C হয়, তেন্তে দেখুওৱা যে, সকলো Aই C হয়। 2+5+3=10

What do you mean by attributes? Given that,  $(A) = (\alpha) = (B) = (\beta) = (C) = (\gamma) = \frac{N}{2}$  and also given that  $(ABC) = (\alpha\beta\gamma)$ . Show that

$$2(ABC) = (AB) + (AC) + (BC) - \frac{N}{2}$$

Show that, if all A's are B's and all B's are C's, then all A's are C's.

\*\*\*